



# FAKE-9

**Attendez le début de l'épreuve avant de tourner la page. Ce document est imprimé recto-verso, il contient 4 pages, les dernières pouvant être vides. Ne pas dégrafer.**

- Posez votre carte d'étudiant sur la table.
- **Aucun** document n'est autorisé.
- L'utilisation d'une **calculatrice** et de tout outil électronique est interdite pendant l'épreuve.
- Pour les questions à **choix multiple**, on comptera :
  - +3 points si la réponse est correcte,
  - 0 point si il n'y a aucune ou plus d'une réponse inscrite,
  - 1 point si la réponse est incorrecte.
- Pour les questions de type **vrai-faux**, on comptera :
  - +1 point si la réponse est correcte,
  - 0 point si il n'y a aucune ou plus d'une réponse inscrite,
  - 1 point si la réponse est incorrecte.
- Utilisez un **stylo** à encre **noire ou bleu foncé** et effacez proprement avec du **correcteur blanc** si nécessaire.
- Si une question est erronée, l'enseignant·e se réserve le droit de l'annuler.

Respectez les consignes suivantes   Read these guidelines   Beachten Sie bitte die unten stehenden Richtlinien		
choisir une réponse   select an answer Antwort auswählen	ne PAS choisir une réponse   NOT select an answer NICHT Antwort auswählen	Corriger une réponse   Correct an answer Antwort korrigieren
  		 
ce qu'il ne faut <b>PAS</b> faire   what should <b>NOT</b> be done   was man <b>NICHT</b> tun sollte		
     		





**Question 6 :** Soit la suite

$$x_n = e^{2\sqrt{n^2+1}-n}.$$

Alors,

$\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = e$

$\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = +\infty$

$\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = 0$

$\lim_{n \rightarrow \infty} x_n = 1$

**Question 7 :** Soit la suite

$$a_n = \frac{3n \sin(n^2) + 2}{1 + n}, \quad \forall n \neq 1.$$

Alors

$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = +\infty$

$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 2$

$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 3$

$(a_n)$  est bornée et diverge

**Question 8 :** La série

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{\lambda n}}{n^{1+\lambda}}$$

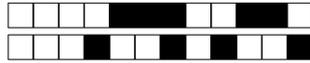
converge si et seulement si  $\lambda \in I$ , où  $I$  est l'ensemble

$] -\infty, -1[$

$] -\infty, 0]$

$[-1, +\infty[$

$] -\infty, 0[$



## Deuxième partie, questions du type Vrai ou Faux

Pour chaque question, marquer (sans faire de ratures) la case VRAI si l'affirmation est **toujours vraie** ou la case FAUX si elle **n'est pas toujours vraie** (c'est-à-dire si elle est parfois fausse).

**Question 9 :** Soient  $A, B \subset \mathbb{R}$  deux ensembles non vides et bornés, et  $c \in \mathbb{R}$ . Alors,

$$\text{Sup}\{x + c : x \in A\} - \text{Sup}\{x + c : x \in B\} = \text{Sup } A - \text{Sup } B.$$

VRAI       FAUX

**Question 10 :** Soient  $(a_n)_{n \geq 0}$  et  $(b_n)_{n \geq 0}$  deux suites telles que pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $0 < a_n < b_n$ . Si la série  $\sum_{n=0}^{\infty} a_n$  diverge, alors la série  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{b_n}$  converge.

VRAI       FAUX

**Question 11 :** Soit  $\lambda \in \mathbb{R}^*$  et  $(a_n)_{n \geq 0}$  la suite définie par

$$a_n = \left( \frac{\lambda + n}{\lambda n} \right)^n.$$

Alors pour tout  $\lambda \in \mathbb{R}^*$  tel que  $(a_n)$  converge, on a

$$\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0.$$

VRAI       FAUX

**Question 12 :** Soit  $(a_n)_{n \geq 0}$  une suite bornée telle que pour tout  $n \in \mathbb{N}$ ,  $a_n > 3$ . Alors  $\liminf_{n \rightarrow \infty} a_n > 3$ .

VRAI       FAUX

**Question 13 :** Les racines du polynôme  $z^4 + z^3 - 2z^2 + 2z + 4$  sont  $\{-2, -1, \frac{1}{4}, 1 + i\}$ .

VRAI       FAUX