

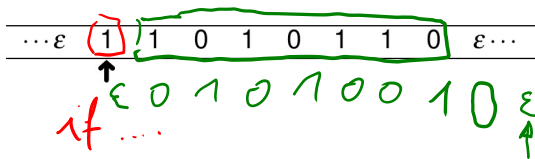
Examen 1 2018 Q7

On considère la machine de Turing dont la table de transition est :

	0	1	ϵ
1	(2, ϵ , +)	(3, ϵ , +)	(4, ϵ , -)
2	(2, 0, +)	(2, 1, +)	(4, 0, -)
3	(3, 1, +)	(3, 0, +)	(4, 0, $\oplus$)

if 0 1

Quel est l'état de la bande lorsque la machine s'arrête, si elle a démarré avec sa tête de lecture positionnée comme suit :



$$-2(x+1) : 2 \cdot (-x-1)$$

= inverser bits
 $-x$: compl à 1 + 1

Examen 1 2018 Q8

difficile

Non
calculables

Sachant que « 3-SAT » est le nom d'un problème de décision célèbre pour les informaticien(ne)s, connu pour être dans NP, que peut-on en dire ?

(P) NP

- ▶ « 3-SAT » n'a pas de solution (algorithme de résolution) :

~~vrai ?~~ faux ? ~~ne sait pas ?~~

- ▶ « 3-SAT » n'est pas dans P :

vrai ? faux ? ne sait pas ?

- ▶ On connaît des algorithmes efficaces pour résoudre toute instance de « 3-SAT » :

vrai ? faux ? ne sait pas ?

peut être

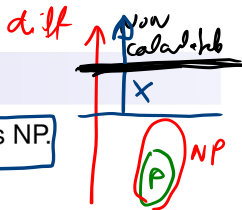
(mais aujourd'hui on n'en sait pas)

- ▶ Toute « solution » (instance positive) de « 3-SAT » est facilement vérifiable :

oui ? non ? ne sait pas ?

Examen 1 2018 Q9

Supposons que l'on sache qu'un problème de décision « X » n'est pas dans NP.
Que peut-on en dire ?



- ▶ « X » est dans P : vrai ? faux ? ne sait pas ?
- ▶ « X » est indécidable : oui ? non ? ne sait pas ?
- ▶ « ~~X~~ » est décidable et vérifier qu'une « solution » (instance positive) du problème « ~~X~~ » en est effectivement une prend un temps *au plus* polynomial par rapport à la taille de cette solution :
vrai ? faux ? ne sait pas ?
- ▶ Soit « X » est indécidable, soit vérifier qu'une « solution » (instance positive) du problème « X » en est effectivement une prend un temps *plus que* polynomial par rapport à la taille de cette solution :
vrai ? faux ? ne sait pas ?

$\gamma \in NP$

Examen 1 2018 Q10

$$\in \Theta(n \log n) \subset \mathcal{O}(n^2)$$

Supposons que l'on connaisse un algorithme de complexité $4n \log(n) + 3n + 2$ permettant de résoudre un problème de décision « Y » portant sur des données de taille n . Que peut-on en déduire ?

$$Y \in P \subset NP$$

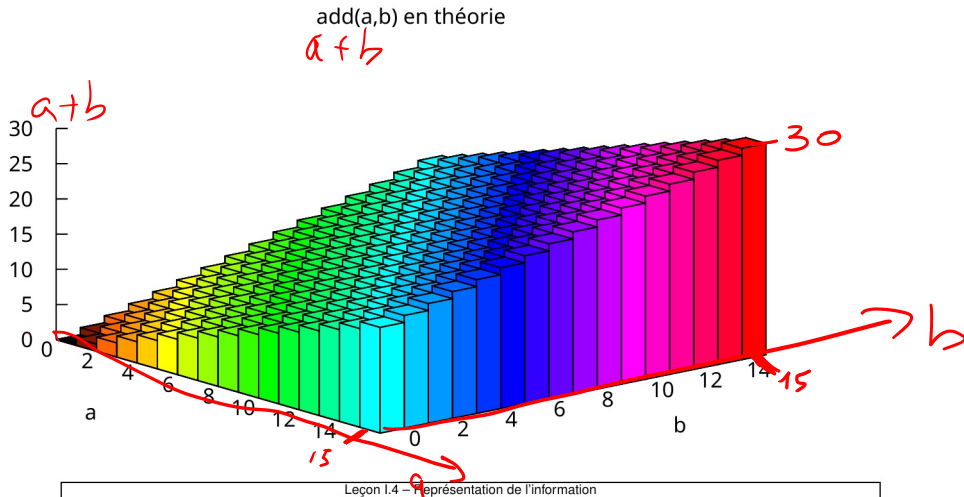
- ▶ « Y » n'est pas dans NP : vrai ? faux ? ne sait pas ?
- ▶ « Y » est dans NP, mais pas dans P : vrai ? faux ? ne sait pas ?
- ▶ « Y » est dans P : vrai ? faux ? ne sait pas ?

$$(P) \subset NP$$

Leçon I.4 (Représentation de l'information) – Points clés

- ▶ nécessité d'une **convention**
on en a (vu cinq, mais) **retenu trois** :
 - ▶ entiers positifs (ou nul) : `unsigned int` (voir semaine 7 du cours de C++)
 - ▶ entiers relatifs : `int` (**complément à deux**)
 - ▶ décimaux, représentation à **virgule flottante** : `double`
- ▶ nombre de bits pour représenter K objets : $\lceil \log_2 K \rceil$
- ▶ domaine couvert
- ▶ précision (relative/absolue)
- ▶ comment utiliser les trois conventions ci-dessus

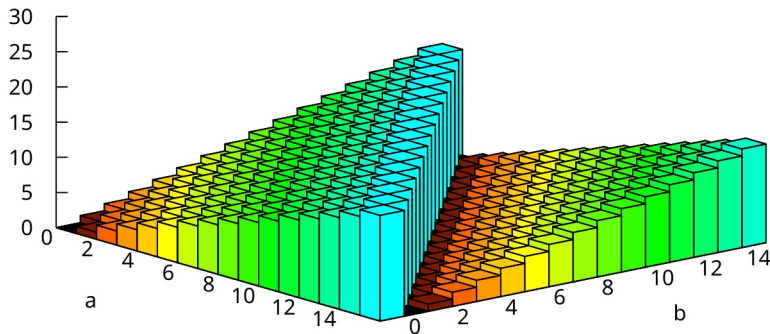
Leçon I.4 – Autre vue sur l'addition (sur 4 bits ici)



Leçon I.4 – Autre vue sur l'addition (sur 4 bits ici)

add(a,b) sur 4 bits (non signé)

domaine



$$\begin{array}{r} \text{4 bit} \\ a = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 1 & 1 & 1 & 1 \\ \hline \end{array} 15 \\ b = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 0 & 0 & 0 & 1 \\ \hline \end{array} 1 \\ \hline (1) \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 0 & 0 & 0 & 0 \\ \hline \end{array} 0 \end{array}$$

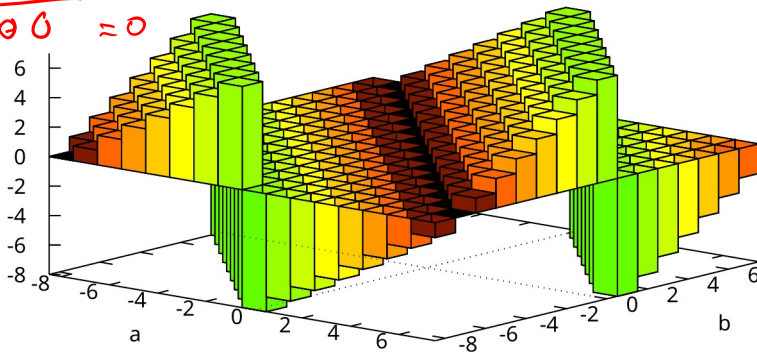
Leçon I.4 – Autre vue sur l'addition (sur 4 bits ici)

$$\begin{array}{r}
 1111 \\
 + 0001 \\
 \hline
 10000
 \end{array}$$

-1
 1
 $= 0$

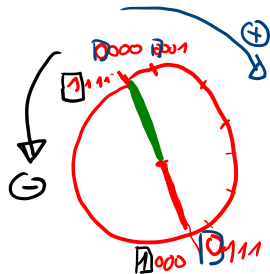
Sgn

add(a,b) sur 4 bits (signé complément à deux)



$$\begin{array}{r}
 \text{Sgn} \\
 1000 \\
 -8
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 1111 \\
 -1
 \end{array}$$



Sur 4 bits combien vaut

$-(-8)$?

1000

compl. à 2



0111
0001

1000

inverse ts les bits
puis
+1

Vérification :

$$-8 + -8 = 0$$

$$x + -8 = 0$$

$$\begin{array}{r} 1000 \\ 1000 \\ \hline (1) \quad 0000 \end{array}$$

$$-5 - 2 = -5 + -2$$

$$\begin{array}{rcccc}
 & & 1 & 1 & & & 5 \\
 -5 & & 1 & 0 & 1 & 1 & 0101
 \end{array}$$

$$\begin{array}{rcccc}
 -2 & & 1 & 1 & 1 & 0 & 0010
 \end{array}$$

$$(1) \quad 1001 = -7$$

(vu comme $-8+1$ ou alors comme compl. à 2 de 7)

Leçon I.4 – Etude de cas 1

Que représente 10110101 ?

$$\text{Rep}(-x) = 2^n - x$$

► CONVENTION???

☞ faites avec les trois (dont : signe, exposant sur 3 bits et mantisse, dans cet ordre)

$$\begin{array}{cccccccc} 181 & 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ -75 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{array}$$

+

$\begin{array}{cc} 1 & 0 \\ & 1 \end{array}$

1 1



note:

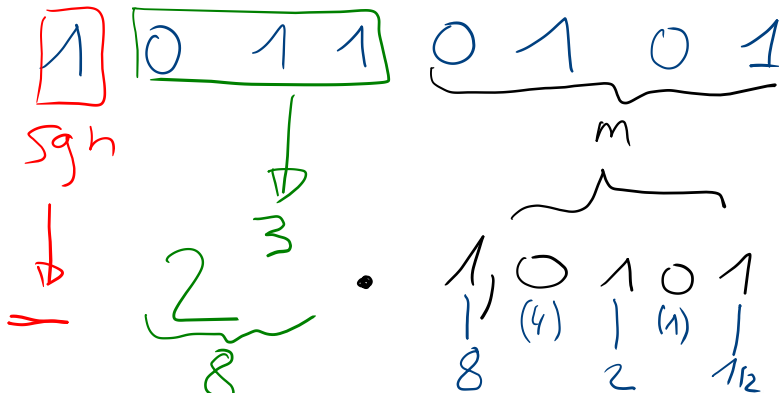
$$256 - 181 = 75$$

Leçon I.4 – Etude de cas 1

Que représente 10110101 ?

► **CONVENTION???**

☞ faites avec les trois (dont : signe, exposant sur 3 bits et mantisse, dans cet ordre)



Leçon I.4 – Etude de cas 1

Que représente 10110101 ?

► **CONVENTION ???**

☞ faites avec les trois (dont : signe, exposant sur 3 bits et mantisse, dans cet ordre)

► entiers positifs :

$$128 + 32 + 16 + 4 + 1 = 181$$

► entiers négatifs :

opposé de 01001011 : -75

(on peut aussi faire $-(256 - 181)$)

► virgule flottante, signe (1 bit), exposant (3 bits), mantisse (4 bits) :

$$10110101 = 1 \quad 011 \quad 0101$$

$$= -2^{011} \times 1,0101$$

$$= -2^3 \times \left(1 + \frac{1}{4} + \frac{1}{16}\right)$$

$$= -(2^3 + 2^1 + 2^{-1})$$

$$= -10.5$$

erreur relative :

erreur absolue

vraie valeur

valeur

7.32

représentation

7.3

erreur
absolue:

0.02

relative

0.02

7.32

Leçon 1.4? – Etude de cas 2

Donnez une version récursive de :

écriture en binaire

entrée : $n \in \mathbb{N}$

sortie : *écriture binaire de n*

$L \leftarrow ()$ // *liste vide*

Répéter

Si n est pair

| $L \leftarrow 0 \oplus L$ // *ajouter 0 devant*

Sinon

| $L \leftarrow 1 \oplus L$ // *ajouter 1 devant*

| $n \leftarrow \lfloor \frac{n}{2} \rfloor$

Tant que $n > 0$

Sortir : L

Leçon I.2 – Etude de cas 2 – Solution

BinRec : écriture en binaire récursive

entrée : $n \in \mathbb{N}$

sortie : écriture binaire de n

$L \leftarrow ()$ // liste vide

Si $n > 1$

$L \leftarrow \text{BinRec}(\lfloor \frac{n}{2} \rfloor)$

Si n est pair

$L \leftarrow L \oplus 0$ // ajouter 0 à la fin

Sinon

$L \leftarrow L \oplus 1$ // ajouter 1 à la fin

Sortir : L

BinRec : écriture en binaire récursive

entrée : $n \in \mathbb{N}$

sortie : écriture binaire de n

$L \leftarrow ()$ // liste vide

Si $n > 1$

$L \leftarrow \text{BinRec}(\lfloor \frac{n}{2} \rfloor)$

Sortir : $L \oplus (n \bmod 2)$

BinRec : écriture en binaire récursive

entrée : $n \in \mathbb{N}$

sortie : écriture binaire de n

Si $n \leq 1$

 Sortir : (n)

Sortir : $\text{BinRec}(\lfloor \frac{n}{2} \rfloor) \oplus (n \bmod 2)$