

# Cours Euler: objectifs du test 2

11 octobre 2023

Pour aider à la comparaison avec les objectifs du PER, nous avons indiqué en début de section et en italique quels buts sont atteints et quelles « attentes fondamentales » correspondent à chaque partie. Il y a bien sûr d'autres compétences que celles du PER qui sont atteintes. En particulier l'importance de la théorie, l'apprentissage du vocabulaire mathématique avec ses définitions, de la rédaction de démonstrations et de justifications vont en général bien au-delà de ce qu'on demande habituellement aux élèves dans un cours de mathématiques. La note obtenue par l'élève, indiquée en pour-cents est calculée sur 100 points pour ce test (la moyenne étant à 60% et indiquant si l'élève est en principe capable de suivre le rythme du cours Euler). Pour le canton de Vaud, cette note ne doit donc pas être utilisée telle quelle dans l'agenda.

## 1 Test 2 : Nombres rationnels

**Remarque :** On continue dans ce module à exercer la démonstration, en cours et en exercices. Les sujets indiqués donnent le contenu théorique du cours sans entrer dans les détails des exercices abordés. Ce module correspond principalement à une partie de MSN 32.

### 1.1 Les nombres rationnels

*Ecriture fractionnaire, y compris simplification et amplification. Amplifie, simplifie et rend irréductible une fraction, la représente géométriquement. Compare, ordonne, encadre, intercale des nombres rationnels. Connaissance et priorité des opérations (y compris parenthèses). Connaissance et utilisation des opérations. Effectue des calculs, utilise un algorithme pour effectuer somme, différence, produit et division de nombres rationnels arbitraires. Reconnaît et utilise différentes écritures d'un même nombre et passe de l'une à l'autre. Notation scientifique. Extrait le nombre entier de dizaines, centaines, milliers, etc, et de dixièmes, centièmes, millièmes, etc.*

#### 1. L'ensemble des rationnels

- Raison pour laquelle on introduit les rationnels. Equivalence entre pouvoir faire toutes les divisions  $a : b, b \neq 0$  et avoir tous les inverses  $\frac{1}{b}, b \neq 0$ .
- Fractions et équivalence de fractions (avec preuve). Différence entre fraction et nombre rationnel (comme classe d'équivalence de fractions).
- Simplification et amplification de fractions (avec preuve)
- Fractions irréductibles
- Comment les entiers sont représentés à l'intérieur des rationnels.

## 2. Opérations sur les rationnels

- Multiplication
  - Objectifs de la définition.
  - Définition.
  - Propriétés avec preuves.
  - Inverse et division (diviser c'est multiplier par l'inverse)
- Addition
  - Objectifs de la définition.
  - Définition et méthode (chercher un multiple commun des dénominateurs).
  - Propriétés avec preuves.
  - Opposé et soustraction (soustraire, c'est additionner l'opposé).

## 3. Ecriture décimale

- Signification des chiffres avant et après la virgule
- Nombres décimaux, définition.
- Nombres périodiques, définition (aussi de la période).
- Théorème sur la forme de l'écriture décimale des nombres rationnels (un nombre est rationnel si et seulement s'il est décimal ou périodique).
- Critère pour qu'un nombre soit décimal : rationnel dont la fraction irréductible a un dénominateur qui divise une puissance de 10.
- Critère pour qu'un nombre soit périodique : un rationnel dont la fraction irréductible a un dénominateur qui ne divise pas une puissance de 10.
- Dans le cas périodique, limite sur la longueur de la période et explication (la période doit être strictement inférieure au dénominateur à cause de la condition sur le reste dans la division euclidienne). Par contre, le développement complet du processus comme fait en cours pour  $1/7$  ne sera pas demandé. La division pourra être faite en colonne.
- Passage d'une écriture à l'autre dans les deux sens et dans les deux cas (décimaux et périodiques)
- Le cas spécial du 9 périodique

**Remarque.** En plus des compétences mentionnées, le cours Euler attend des élèves qu'elles et ils connaissent leurs définitions (voir ci-dessus) et qu'ils sachent démontrer certaines propositions du cours (voir ci-dessus), qu'elles et ils sachent présenter une preuve simple sur la base des définitions du cours.