

Cours Euler: Série 32

13 mai 2026

Exercice 1

On supposera dans cet exercice que le côté $[HE]$ est plus long que $[HB]$.



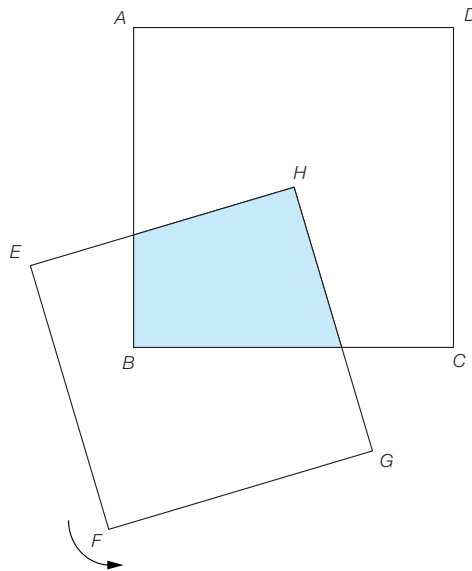
21. Un domaine à carrés

Dans cette figure :

$ABCD$ est un « carré fixe » ;

$EFGH$ est un « carré mobile » qui tourne autour du point H , centre du carré $ABCD$.

Quelle est l'aire du domaine coloré ?



Exercice 2

220. Pâturages

Aloys possède un vaste champ herbeux ayant la forme d'un triangle équilatéral. Il l'a entouré d'une barrière fixée sur trois poteaux situés aux sommets du triangle.

Dans cet enclos, Aloys ne souhaite planter qu'un seul piquet, duquel il fera partir trois fils. Chacun rejoint la barrière, quelque part entre deux autres poteaux.

Ainsi, il aura partagé son champ en trois zones à pâturer : une pour son canasson, une autre pour *Marguerite*, sa tendre vache, et la dernière pour la chèvre de son vieux copain Seguin.

Où doit-il placer ce piquet, pour utiliser le moins de fil possible ?

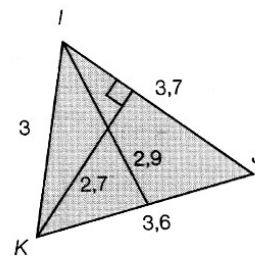
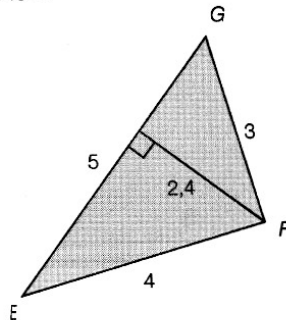
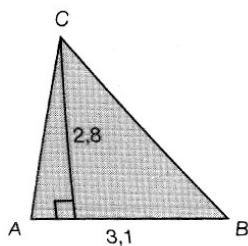
Exercice 3

1) Termine la preuve de la proposition sur l'aire du triangle (il reste deux cas).

2)

GM26 Aires de triangles

Calcule l'aire des triangles ABC , EFG et IJK .

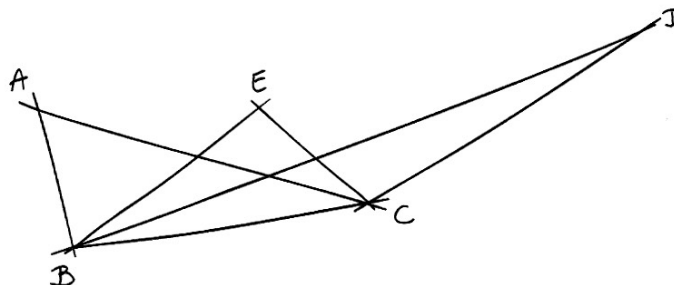


3)

216. « Maxi l'aire »

Les points A , E et D se trouvent sur une droite parallèle à BC .

Lequel des trois triangles ABC , BCE et CDB a la plus grande aire ?



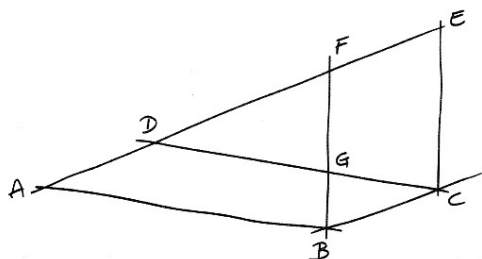
Exercice 4

217. Lesquels?

$ABCD$ et $BCEF$ sont des parallélogrammes.

A , D , F et E sont alignés.

Quels sont les polygones qui ont la même aire?

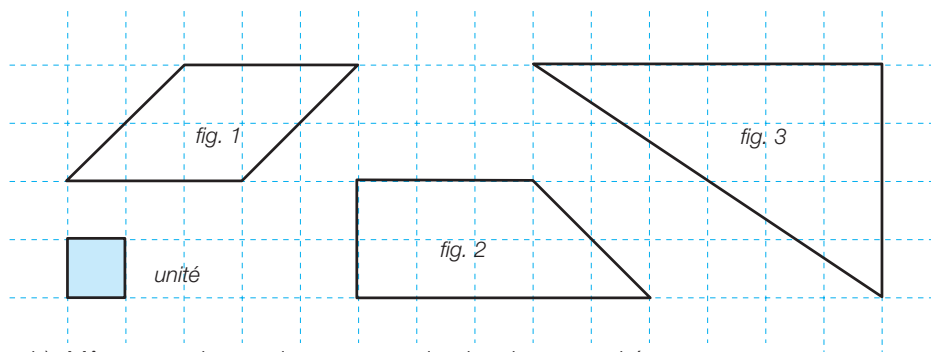


Exercice 5

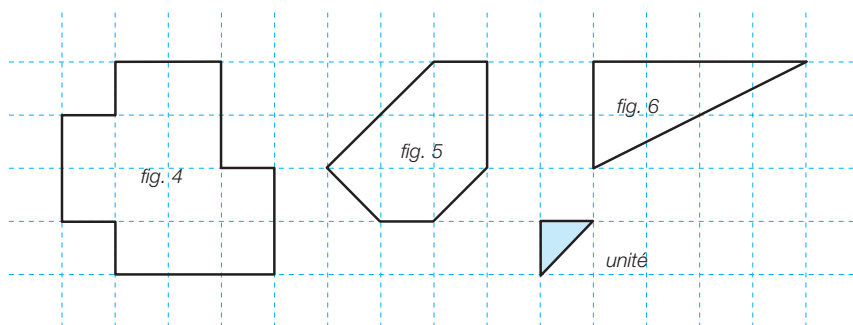


7. Même aire?

a) Détermine l'aire de ces trois figures, en prenant le carré pour unité.



b) Même question, mais en prenant le triangle pour unité.



c) Parmi toutes ces figures, y en a-t-il qui ont la même aire?

Exercice 6

Construction. Sur du papier quadrillé trace un système d'axes gradué en centimètres et reporte les points $A = (4; -3)$ et $B = (-2; 5)$. Trouve l'ordonnée du troisième sommet $C = (-2; x)$ tel que

- 1) L'aire du triangle $\triangle ABC$ vaut 24cm^2 ;
- 2) L'aire du triangle $\triangle ABC$ vaut 48cm^2 ;
- 3) Le périmètre du triangle $\triangle ABC$ vaut 24 cm .

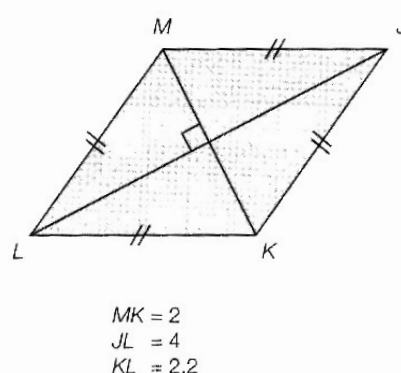
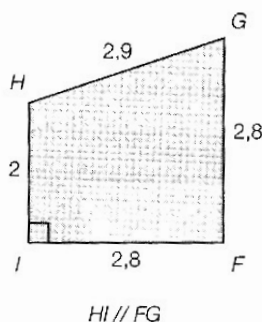
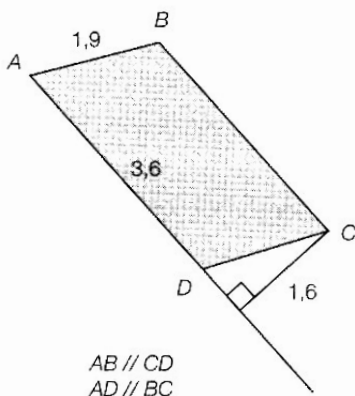
Exercice 7**Constructions.**

- 1) Construis un parallélogramme $ABCD$ sachant que $\overline{BC} = 7,2\text{ cm}$, $\overline{CD} = 3,6\text{ cm}$ et l'aire vaut 18cm^2 .
- 2) Construis un rectangle inscrit dans un cercle de rayon 2 cm dont l'aire vaut 6cm^2 .
- 3) Construis un trapèze $ABCD$ dont tu connais les longueurs $\overline{BD} = 6\text{ cm}$, $\overline{CD} = 3\text{ cm}$, ainsi que les angles $\widehat{ABD} = 36^\circ$ et $\widehat{DBC} = 24^\circ$.
- 4) Place des points A et B sur le quadrillage de ta feuille de telle sorte que le segment $[AB]$ mesure 4 cm . Construis des points P, Q, R et S tels que les rapports de section aient les valeurs suivantes :

$$(AB, P) = -1, \quad (AB, Q) = -1/3, \quad (AB, R) = 1/2, \quad (AB, S) = 2$$

Exercice 8**GM27 Aires de quadrilatères**

Calcule l'aire de ces quadrilatères.



Exercice 9

Vrai ou faux ? Justifie ton raisonnement !

- 1) Les diagonales d'un parallélogramme partagent celui-ci en quatre triangles de même aire.
- 2) Un triangle isocèle dont la base mesure 10 cm et les côtés mesurent 7 cm est rectangle.
- 3) Un triangle isocèle dont la base mesure $\sqrt{8}$ cm et les côtés mesurent 2 cm est rectangle.
- 4) Sur la diagonale $[AC]$ d'un rectangle de sommets A, B, C et D on place deux points P et Q de sorte que $\overline{AP} = \overline{QC}$. Le quadrilatère de sommets B, P, D et Q est un parallélogramme.

Exercice 10 (Optionnel)

Un problème sympathique trouvé sur le site des Olympiades de maths www.imosuisse.ch

Soit $\triangle ABC$ un triangle rectangle en C . On appelle M le milieu de $[AB]$, H le pied de la hauteur issue de C sur AB , W le point d'intersection de la bissectrice issue de C avec AB . Montre que les angles $\widehat{HCW}$ et $\widehat{WCM}$ sont isométriques.