Cours Euler: Série 28

24 avril 2024

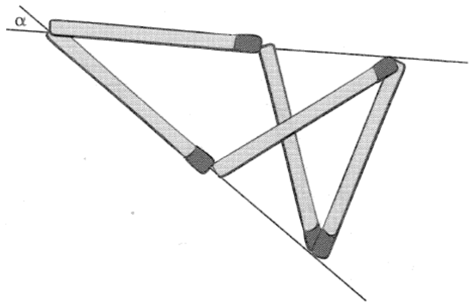
Tous les exercices sont à faire sur des feuilles à part. Garde la donnée pour toi.

Exercice 1

200. Les allumettes

On a disposé 5 allumettes de longueurs égales, comme sur cette figure.

Que vaut l'angle α ?



Exercice 2

264 **a)** Calcule l'amplitude des angles suivants dans le triangle BAC :

$\hat{C}$ = ... $\widehat{D_1}$ = ...

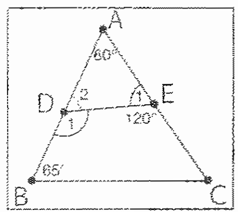
$\hat{E}_1$ = ...

b) Quelle est la nature du triangle DAE ? ....

Pourquoi ? ....

c) Les droites DE et BC sont-elles parallèles ? ....

Pourquoi ? ....



Exercice 3

Vrai ou Faux ? Justifie tes réponses !

1) Tout triangle équilatéral est isocèle.
2) Il existe un triangle rectangle qui est équilatéral.
3) Il existe un triangle rectangle qui est isocèle.
4) Il existe un triangle isocèle dont deux angles valent 1°.

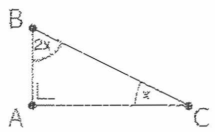
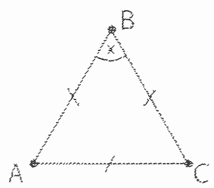
Exercice 4

Equations

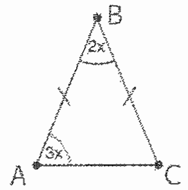
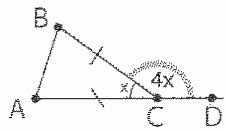
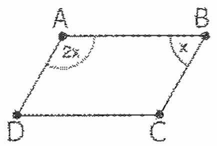
1) D'un triangle rectangle on sait que qu'un angle aigu vaut le triple de l'autre angle aigu. Quelle est la mesure de chacun des trois angles de ce triangle ?
2) On trace une hauteur d'un triangle équilatéral pour former deux triangles rectangles. Sont-ils isométriques ? Calcule la mesure des chacun de leurs angles.

3)

265 Dans chaque cas, écris l'équation qui te permet de calculer la valeur de x et résous-la.

		Amplitude des angles
a)		$\hat{A}$ = $\hat{B}$ = $\hat{C}$ =
b)		$\hat{A}$ = $\hat{B}$ = $\hat{C}$ =

4)

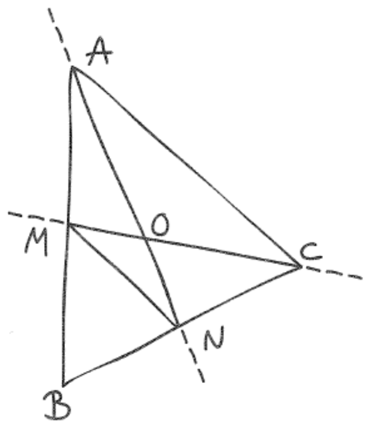
		Amplitude des angles
c)		$\widehat{A}=$ $\widehat{B}=$ $\widehat{C}=$
d)		$\widehat{A}=$ $\widehat{B}=$ $\widehat{C}=$
e)		$\widehat{A}=$ $\widehat{B}=$ $\widehat{C}=$

Exercice 5

ES21 Quelle justification ?

Dans le triangle ABC, AN est une médiatrice et CM une médiane.

Ce triangle possède au moins quatre propriétés remarquables ; détermine-les en justifiant tes propositions.



Exercice 6

Soit ABC un triangle isocèle en A. Si l'angle en A mesure 36°, démontre que la bissectrice issue de B détermine deux triangles isocèles dans le triangle ABC.

Exercice 7

bf Cas d'isométrie des triangles isocèles.

1) Démontre le cas d'isométrie suivant du cours

   « Deux triangles isocèles sont isométriques lorsqu'ils ont la base isométrique et l'angle au sommet où ils sont isocèles isométrique. »

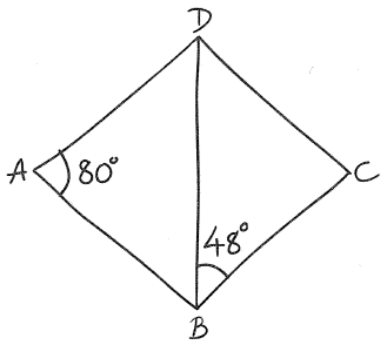
2) Démontre le cas d'isométrie suivant, valable pour les triangles isocèles.

   « Deux triangles ABC et $A'B'C'$ isocèles respectivement en A et A' sont isométriques s'ils ont leurs angles en A et A' isométriques et leurs hauteurs issues de A et A' isométriques. »

Exercice 8

ES30 Sur la pointe

BD mesure 8 cm.
AB = *AD*
CB = *CD*
S'agit-il d'un parallélogramme ?



Exercice 9

Pour les deux constructions suivantes, on demande d'écrire une marche à suivre et de démontrer que la construction est correcte.

1) Construire un triangle isocèle en connaissant sa base et l'angle au sommet où il est isocèle.

2) Construire un angle de 60°.

Exercice 10

Démontre qu'un triangle qui a deux hauteurs isométriques est isocèle.

Indication. Fais un dessin de la situation et applique l'un des cas d'isométrie des triangles à deux triangles bien choisis !

Exercice 11

Existe-t-il un quadrilatère. Dans chaque cas, si un tel quadrilatère existe, dessine-en un exemple, et s'il n'en n'existe pas, explique pourquoi.

1) simple et convexe ?

2) simple et non-convexe ?

3) non-simple et convexe ?

4) non-simple et non-convexe ?

Exercice 12

Les trapèzes.

(a) Construis un trapèze $PQRS$ sachant que $PQ = 10$ cm, $QR = 4$ cm et $\widehat{PQR} = 45°$. Donne la marche à suivre pas à pas.

(b) Dessine un trapèze admettant un axe de symétrie. Est-il obligatoirement isocèle ? Justifie ta réponse.

Exercice 13

Un peu de théorie : Les parallélogrammes. Soit $ABCD$ un quadrilatère simple. On suppose que les côtés opposés AB et CD sont parallèles et isométriques. Le but de cet exercice est de démontrer la caractérisation (1) de la Proposition 3.5 du cours. Il faut donc démontrer que $ABCD$ est un parallélogramme. Si tu n'arrives pas à résoudre un point, passe à la suite ! On admet qu'au moins l'une des diagonales de $ABCD$ est à l'intérieur de l'angle du sommet dont elle est issue (des explications détaillées sont données dans le corrigé : on suppose par l'absurde que ce n'est pas le cas et on s'aide des définitions de l'intérieur d'un angle !).

1) On suppose dès maintenant que la diagonale $[AC]$ passe entre B et D. On prend le milieu O de cette diagonale et on considère l'isométrie S_O, symétrie centrale de centre O. Montre que S_O transforme la demi-droite $[AB$ en la demi-droite $[CD$.

2) Montre que S_O transforme le segment $[AB]$ en $[CD]$.

3) Conclus que S_O transforme DA en BC et que ces droites doivent donc être parallèles.