

Information, Calcul et Communication

CS-119(k) ICC – Théorie Semaine 1

Rafael Pires
rafael.pires@epfl.ch

Pourquoi un cours d'introduction à l'informatique pour SIE et CGC ?

- **4e pilier** de la culture (après la lecture, l'écriture et l'arithmétique)
- Elle constitue désormais une **discipline scientifique à part entière** : la science du traitement automatique de l'information.
- L'informatique a non seulement changé notre société, mais aussi **notre façon de faire de la science**.
- De nos jours, tout·e ingénieur·e qui maîtrise les sciences du numérique a clairement un avantage sur les autres...

ICC



Information



Calcul



Communication

ICC

Information



Calcul



Communication



EPFL

Données



Traitement



Transfert

ICC

Données



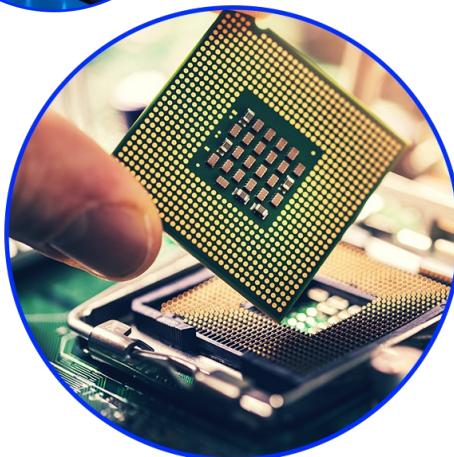
Information



Traitement



Calcul



Transfert



Communication



Stockage

Processeur

Réseau

Information



Données

Calcul



Traitement

Processeur

Communication



Transfert

Réseau

Partie théorique (logistique)

Cours :

- Les vendredis après-midi de 14h15 à 16h, en salle [CE 12](#)
- Pas de diffusion en temps réel, enregistrement disponible au plus tard le lendemain.

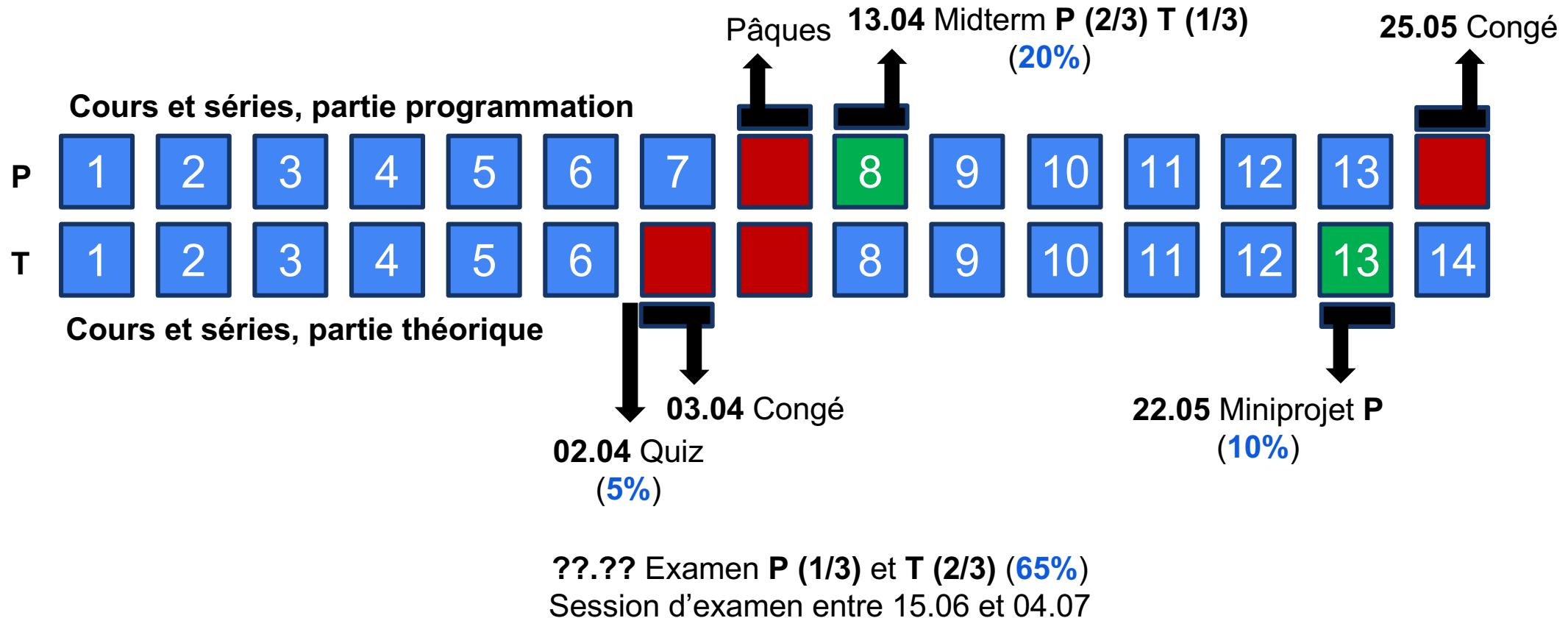
Exercices :

- Séances d'exercices les vendredis de 16h15 à 17h15 en salles [INF 1](#) et [INF 119](#).

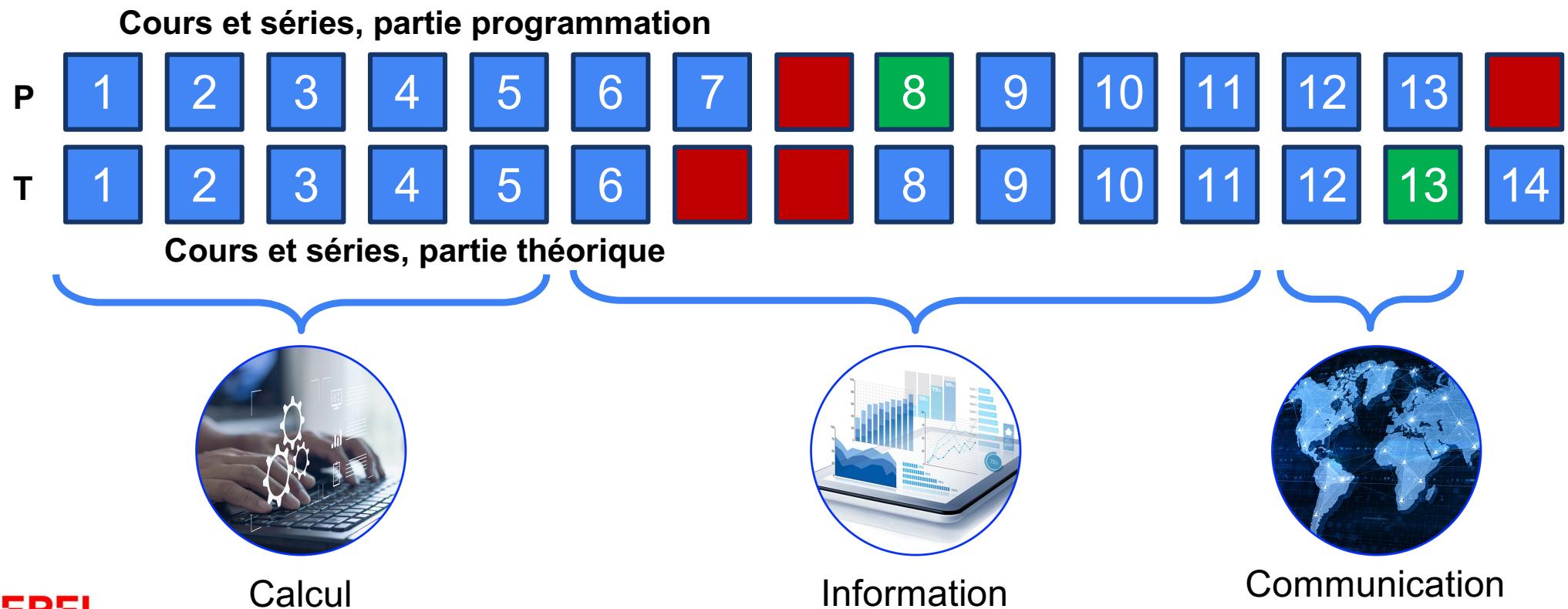
Références (liens sur Moodle) :

- Questions : Ed discussion
- Livre «Découvrir le numérique», EPFL Press, 2016
- Vidéos sur [mediaspace.epfl.ch](#) et MOOC sur [courseware.epfl.ch](#)

Programme du cours



Programme du cours



Programme du cours



Calcul



Information



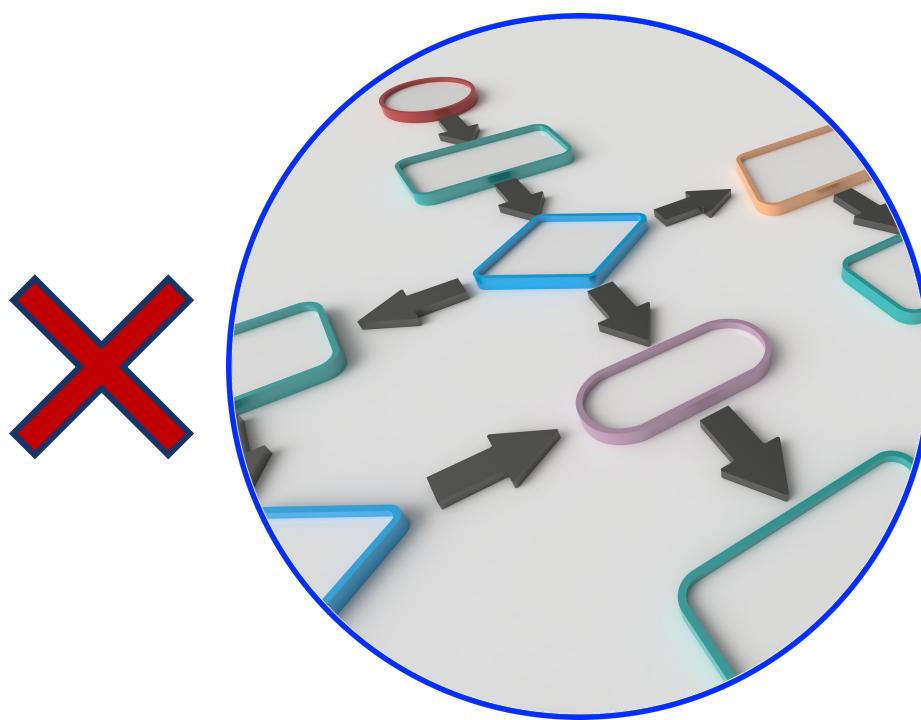
Communication

- Algorithmes
- Complexité
- Conception d'algorithmes
- Calculabilité
- Circuits

- Représentation de nombres
- Echantillonnage et reconstruction de signaux
- Entropie
- Compression

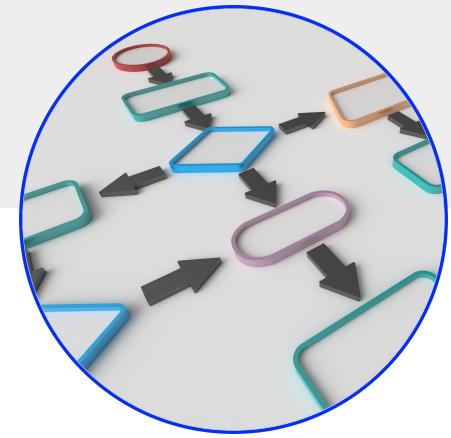
- Réseau
- Cryptographie

Programme vs. algorithme

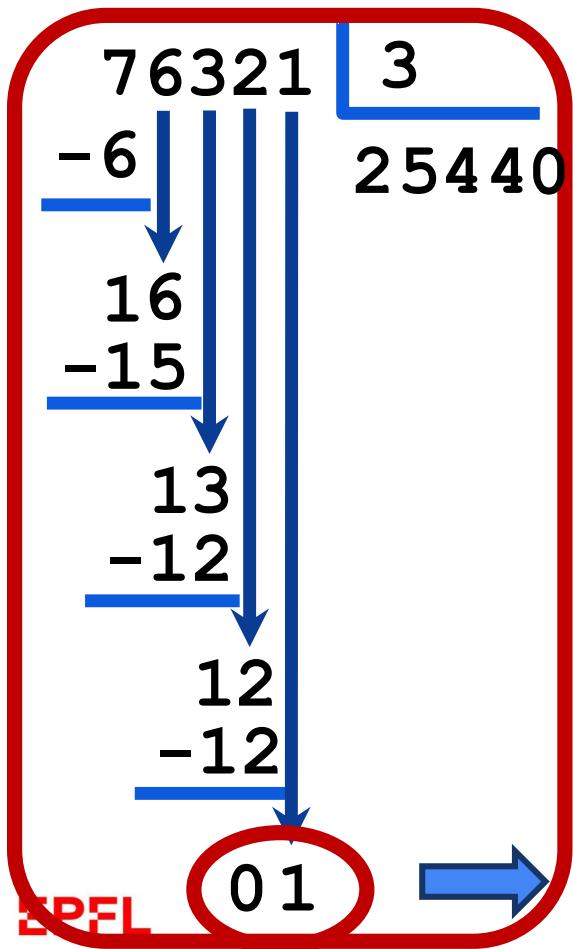


Qu'est-ce qu'un algorithme ?

- Un algorithme n'est **pas** un programme.
- Un algorithme est la description des étapes **élémentaires** menant à la résolution d'un problème; c'est donc la description conceptuelle d'un programme.
- Un **programme** est l'implémentation d'un algorithme dans un langage donné et dans un système particulier.



Exemple 1 : calcul du modulo 3 d'un grand nombre



Rappel :

Modulo : le reste r de la division d'un entier a par un entier b non nul.
 $a \bmod b = r$, si $a = q.b + r$ et $0 \leq r < |b|$

$$7 + 6 + 3 + 2 + 1 = 19$$

$$1 + 9 = 10$$

$$1 + 0 = 1$$

Pourquoi ?

$$47 = 4 \cdot 10 + 7 = 4(1+3) + 7$$

$$4 + 7 = 11 = 1(1+3) + 1$$

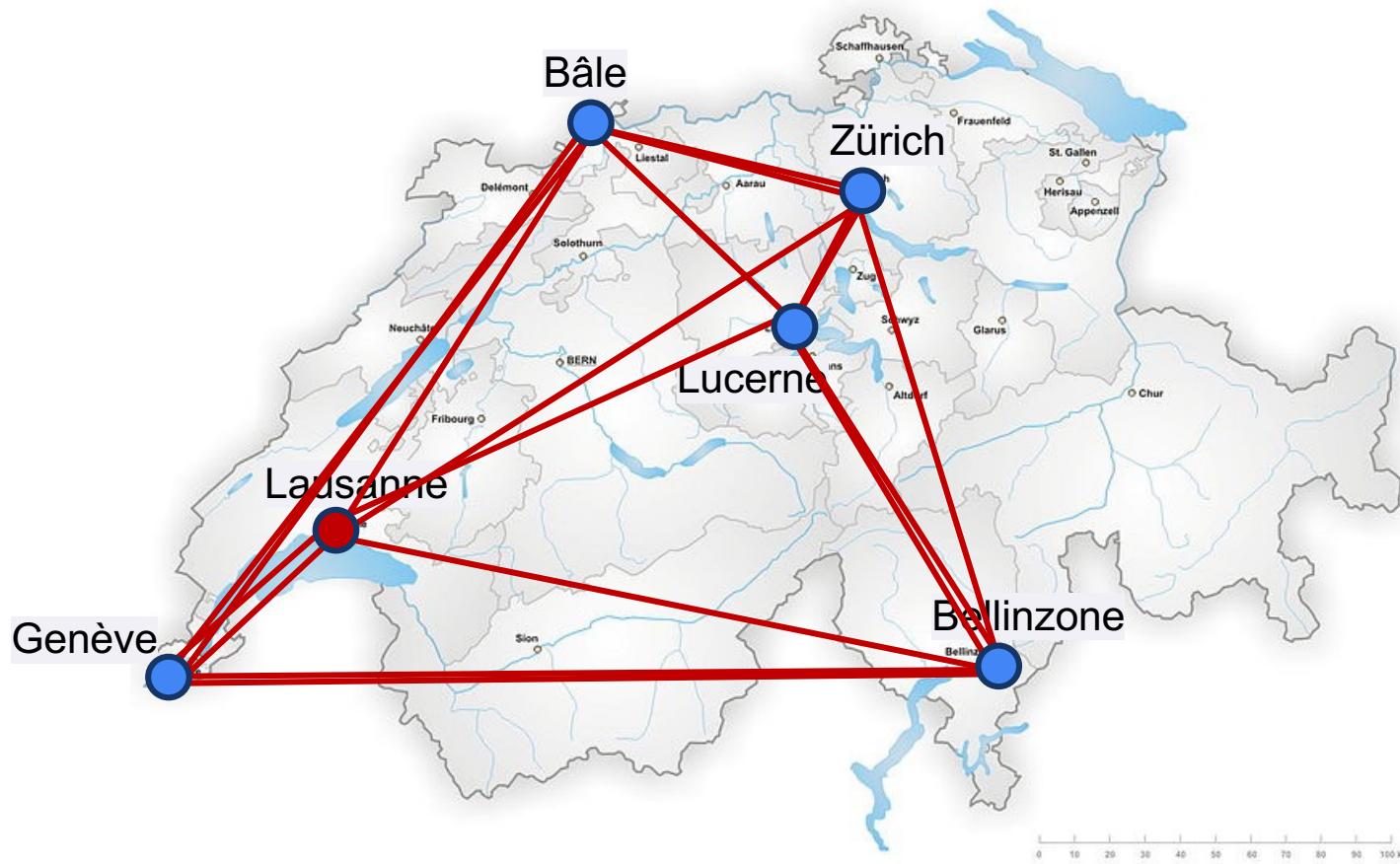
$$2 \xrightarrow{\quad} 47 \bmod 3 = 2$$

Exemple 2 : recherche du minimum dans une liste

$$\left\{ \begin{array}{l} L = (13, 47, 18, 15, 11, 19, 46, 18, 15) \\ n = 9 \end{array} \right.$$

1. On considère le premier nombre de la liste le '**minimum**'
2. On le compare au 2ème nombre, le '**suivant**'
3. Si **suivant** < **minimum**, alors **minimum** ← **suivant**
4. Sinon, on continue, c'est à dire, **suivant** ← celui d'après
5. On revient à l'étape 3 jusqu'à la fin de la liste
6. Le résultat est la valeur de '**minimum**'

Exemple 3 : problème du voyageur de commerce

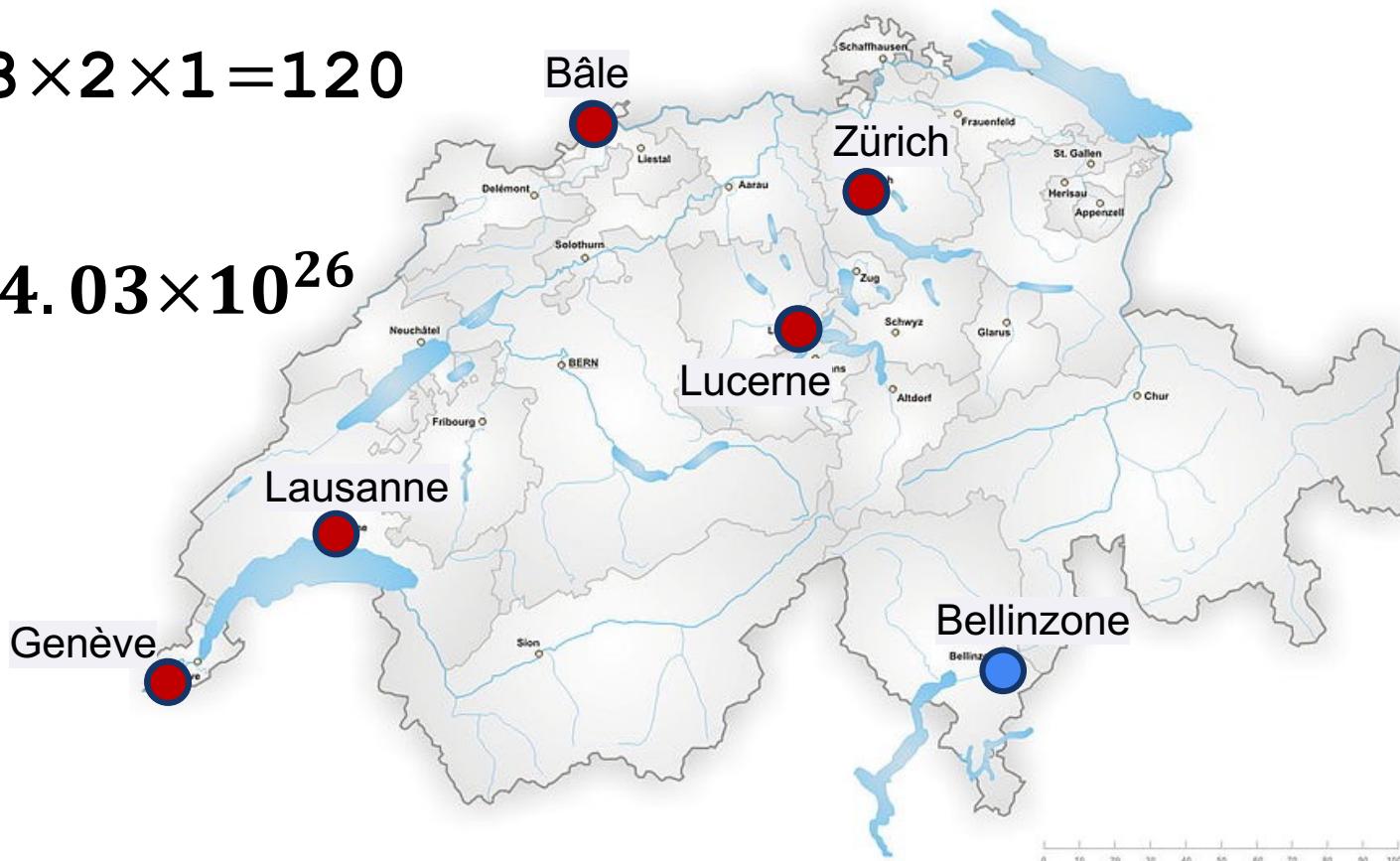


Exemple 3 : problème du voyageur de commerce

$$5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$$

$$n!$$

$$26! \approx 4.03 \times 10^{26}$$



Factorielle	Résultat
1!	1
2!	2
3!	6
4!	24
5!	120
6!	720
7!	5040
8!	40320
9!	362880
10!	3628800
11!	39916800
12!	479001600
13!	6227020800
14!	87178297200
15!	1307674368000
16!	20922789888000
17!	355687428096000
18!	6402373705728000
19!	121645100408832000
20!	2432902008176640000
21!	51090942171709440000
22!	1124000727777607680000
23!	25852016738884976640000
24!	620448401733239439360000
25!	15511210043330985984000000

Algorithmes : ingrédients de base

Données



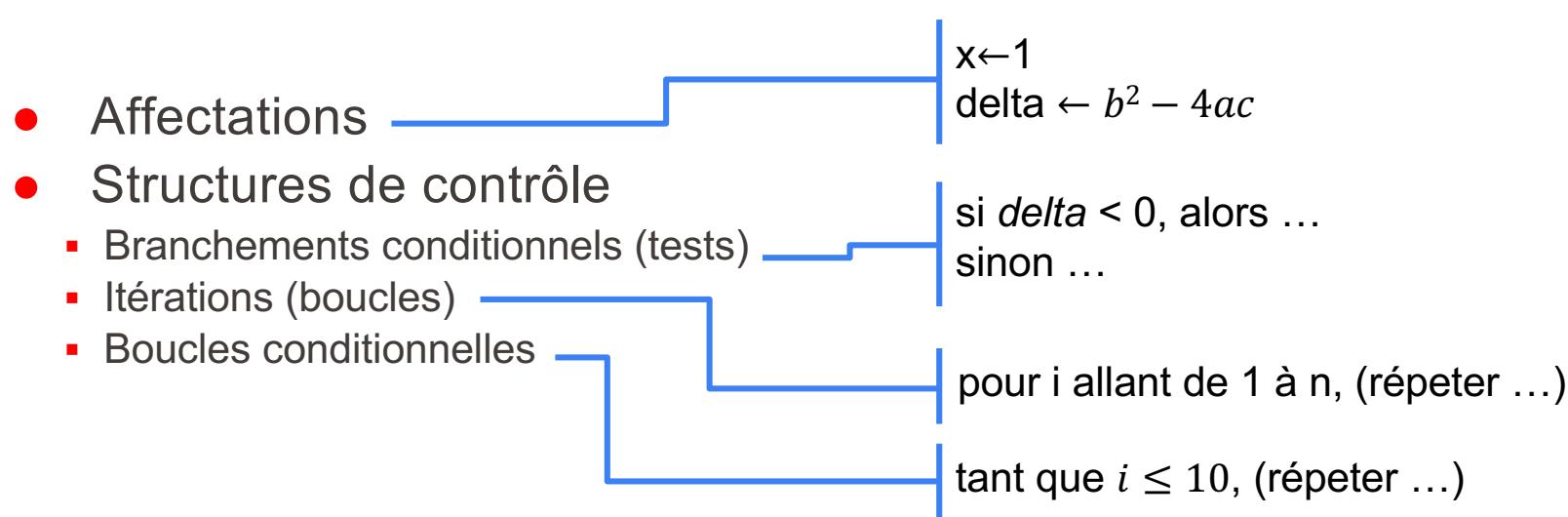
Traitement



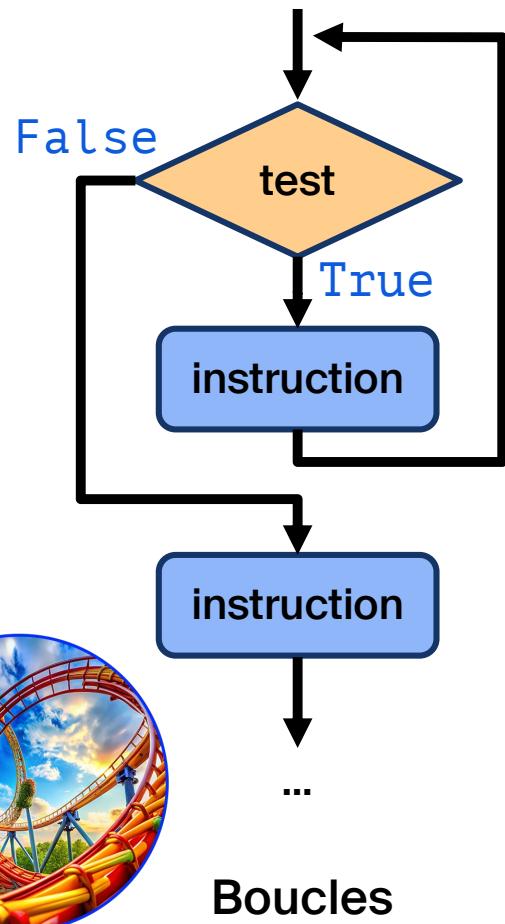
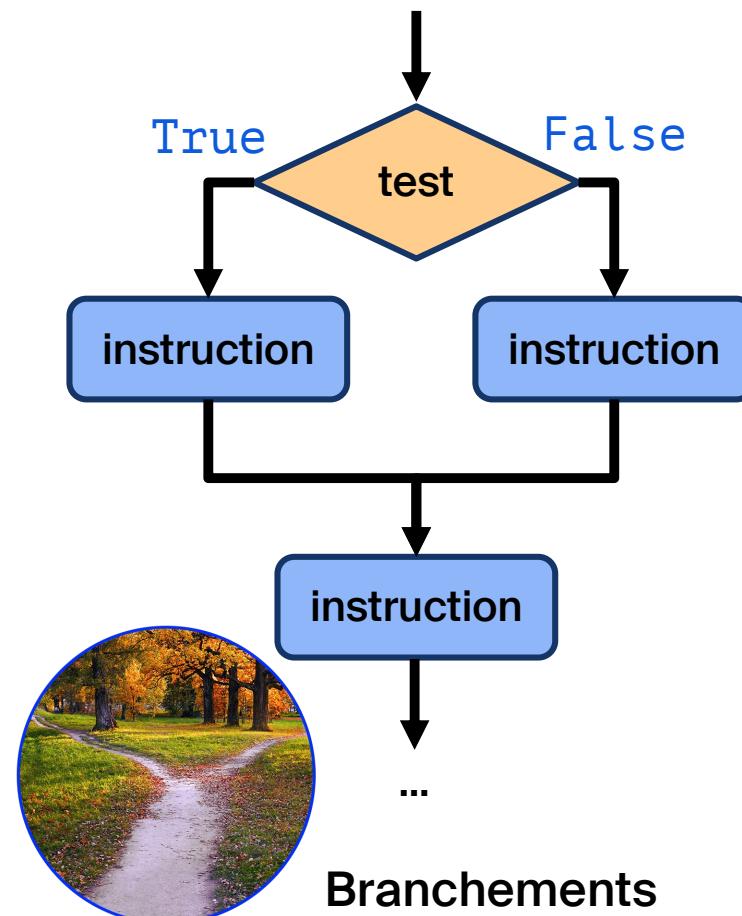
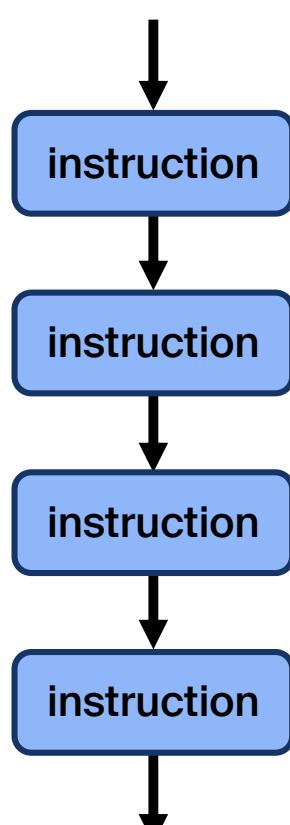
- Entrées
- Sorties
- Variables internes

- Affectations
- Structures de contrôle
 - Branchements conditionnels (tests)
 - Itérations (boucles)
 - Boucles conditionnelles

Algorithmes : instructions

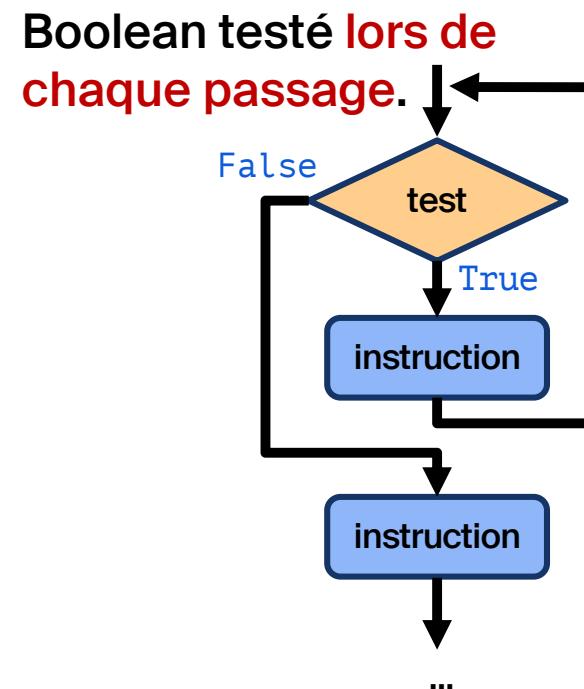
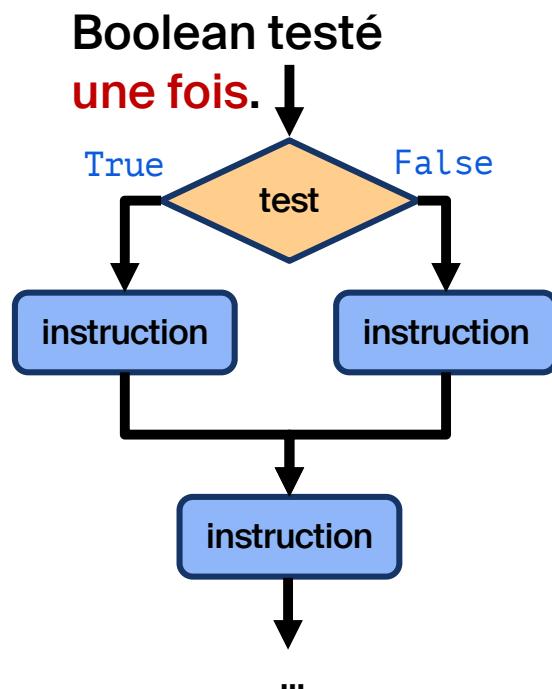


Structures de contrôle



Le test

- Chaque condition nécessite une **valeur booléenne** pour orienter la suite du traitement
- Soit vrai (**True**), soit faux (**False**)



Ingrédients de base

Données

- Entrées
- Sorties
- Variables internes

Instructions

- Affectations
- Structures de contrôle
 - Branchements conditionnels (tests)
 - Itérations (boucles)
 - Boucles conditionnelles

Entrées

$$\begin{cases} L = (13, 47, 18, 15, 11, 19, 46, 18, 15) \\ n = 9 \end{cases}$$

Variables internes

1. On considère le premier nombre de la liste le 'minimum'
2. On le compare au 2ème nombre, le 'suivant'
3. Si **suivant** < **minimum**, alors **minimum** ← **suivant**
4. Sinon, on continue, c'est à dire, **suivant** ← celui d'après
5. On revient à l'étape 3 jusqu'à la fin de la liste
6. Le résultat est la valeur de 'minimum'

Affectations

Branchement conditionnel

Boucle conditionnel

Sortie

Pseudo-code

$$\begin{cases} L = (13, 47, 18, 15, 11, 19, 46, 18, 15) \\ n = 9 \end{cases}$$

1. On considère le premier nombre de la liste le '**minimum**'
2. On le compare au 2ème nombre, le '**suivant**'
3. Si **suivant** < **minimum**, alors **minimum** ← **suivant**
4. Sinon, on continue, c'est à dire, **suivant** ← celui d'après
5. On revient à l'étape 3 jusqu'à la fin de la liste
6. Le résultat est la valeur de '**minimum**'

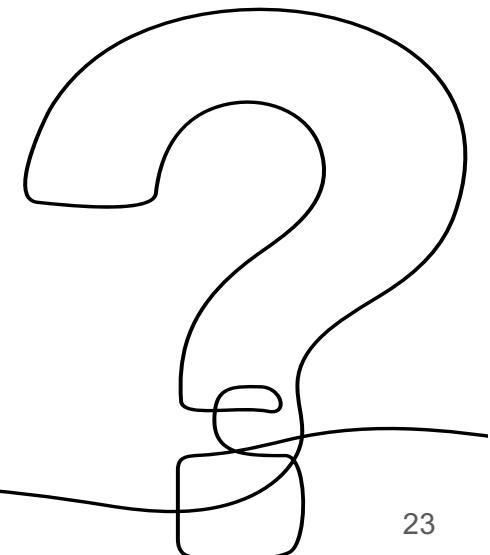
Valeur minimale

entrée : liste L de nombres entiers, de taille n
sortie : la (ou une des) valeur(s) minimale(s) de la liste

```
min ← L(1)
Pour  $i$  allant de 2 à  $n$ 
  Si  $L(i) < min$ 
    min ← L(i)
Sortir : min
```

Question : Écrivons un algorithme

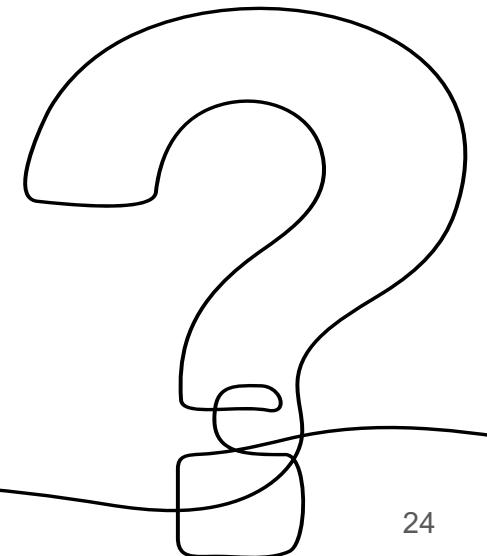
Proposer un algorithme permettant de résoudre une équation du second degré $ax^2 + bx + c = 0$ et de déterminer ses solutions réelles.



Question : Corrigeons un algorithme

Repérez l'erreur logique dans cet algorithme d'attribution de note et proposez une version corrigée.

Attribution de la note	
entrée : <i>moyenne m</i>	
sortie : <i>lettre L</i>	
<i>Si</i> $m \geq 16$	
$L \leftarrow "A"$	
<i>Si</i> $m \geq 12$	
$L \leftarrow "B"$	
<i>Si</i> $m \geq 8$	
$L \leftarrow "C"$	
Sortir : L	



Question : Comprendons un algorithme

On considère l'algorithme ci-dessous, que calcule-t-il ?

Algorithme mystère

entrée : matrice non vide M de taille $n \times m$

sortie : valeur x

$x \leftarrow M[1, 1]$

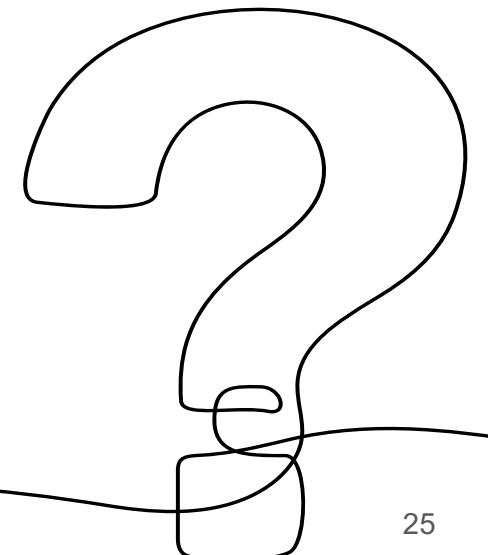
Pour i allant de 1 à n

Pour j allant de 1 à m

Si $M[i, j] < x$

$x \leftarrow M[i, j]$

Sortir : x



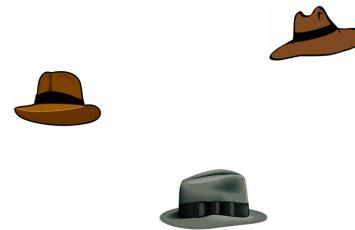
Comparaison tous contre tous

- **Question**
 - Est-ce que tous les objets visibles sur cette photo sont différents les uns des autres ?
 - **Question réciproque**
 - Y a-t-il au moins deux objets identiques sur cette photo ?



Tous les 3 différents ?

- **Problème à résoudre :**
 - Parmi une liste de 3 objets, identifier si ceux-ci sont tous différents les uns des autres.



Tous les 3 différents

entrée : liste L de 3 objets
sortie : valeur binaire oui/non

$s \leftarrow \text{oui}$
Pour i **allant de** 1 à 3 :
 Pour k **allant de** 1 à 3 :
 Si $L(i) = L(k)$ et $i \neq k$, **alors** $s \leftarrow \text{non}$
Sortir : s

9 comparaisons

Tous les 3 différents

entrée : liste L de 3 objets
sortie : valeur binaire oui/non

$s \leftarrow \text{oui}$
Si $L(1) = L(2)$, **alors** $s \leftarrow \text{non}$
Si $L(1) = L(3)$, **alors** $s \leftarrow \text{non}$
Si $L(2) = L(3)$, **alors** $s \leftarrow \text{non}$
Sortir : s

3 comparaisons

Comparaisons dans une boucle imbriquée

i \ k	1	2	3
1	1,1	1,2	1,3
2	2,1	2,2	2,3
3	3,1	3,2	3,3

Tous différents ?

- **Problème à résoudre :**
 - Parmi une liste de n objets, identifier si ceux-ci sont tous différents les uns des autres.

Tous différents

entrée : liste L de n objets
sortie : valeur binaire oui/non

s \leftarrow *oui*

Pour i allant de 1 à $n-1$:

Pour k allant de $i+1$ à n :

Si $L(i) = L(k)$, alors $s \leftarrow \text{non}$

Sortir : s



Tous différents ?

- **Problème à résoudre :**

- Parmi une liste de n objets, identifier si ceux-ci sont tous différents les uns des autres.

Tous différents

entrée : liste L de n objets
sortie : valeur binaire oui/non

$s \leftarrow \text{oui}$
Pour i allant de 1 à $n-1$:
 Pour k allant de $i+1$ à n :
 Si $L(i) = L(k)$, alors $s \leftarrow \text{non}$
Sortir : s

$i = 1:$	$k = 2, 3, 4, \dots, n$	$n-1$ comp.
$i = 2:$	$k = 3, 4, \dots, n$	$n-2$ comp.
$i = 3:$	$k = 4, \dots, n$	$n-3$ comp.
\vdots	\vdots	\vdots
$i = n-2:$	$k = n-1, n$	2 comp.
$i = n-1:$	$k = n$	1 comp.

$$1 + 2 + 3 + \dots + (n-2) + (n-1) = \frac{n(n-1)}{2} \text{ comp.}$$

Algorithme d'Euclide

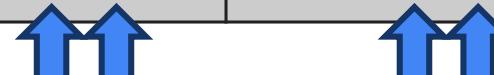
- L'algorithme d'Euclide utilise une boucle conditionnelle pour trouver le plus grand diviseur commun (pgdc) de deux nombres entiers.

```
pgdc
entrée : a, b, deux nombres entiers positifs
sortie : pgdc(a, b)

tant que b ≠ 0
    temp ← b
    b ← a mod b
    a ← temp
Sortir : a
```

$$\text{pgdc}(a, b) = \text{pgdc}(a-b, b) = \text{pgdc}(a-k.b, b) = \text{pgdc}(a \bmod b, b)$$

a = 30	b = 12
$30 = 2 \cdot 3 \cdot 5$	$12 = 2 \cdot 2 \cdot 3$



$$\text{pgdc}(30, 12) = 6$$

a	b	temp
30	12	12
12	6	6
6	0	

Résumé Cours 1 – ICC-T

- Programme vs. Algorithme
- Exemples d'algorithmes
- Ingrédients de base : donnés et instructions
- Boucle imbriquée / conditionnelle

rafael.pires@epfl.ch

EPFL

Merci

