



Information, Calcul et Communication

Partie Programmation

Cours 5: Modélisation d'un problème, celui des «100 prisonniers»

20.10.2023

Patrick Wang

1. Rappel du problème
2. Modélisation et implémentation de l'approche naïve
3. Modélisation et implémentation de l'approche optimale
4. Extra : Les modules Python

1. Rappel du problème
2. Modélisation et implémentation de l'approche naïve
3. Modélisation et implémentation de l'approche optimale
4. Extra : Les modules Python

1. Rappel du problème

Application «concrète» : Problème des 100 prisonniers

- 100 prisonniers sont dans des cellules numérotées de 0 à 99.
- Les clés de cellules sont mélangées et placées aléatoirement dans des boîtes, elles aussi numérotées de 0 à 99.
- Chaque prisonnier ne peut ouvrir que 50 boîtes.
- Si tous les prisonniers trouvent leurs clés, alors ils peuvent s'échapper. Si un seul ne trouve pas, alors ils restent enfermés.
- Approche naïve : $\frac{1}{2^{100}}$
- Approche optimale : environ 31% !
- <https://www.youtube.com/watch?v=iSNsgj1OCLA>

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
30	31	32	33	34	35	36	37	38	39
40	41	42	43	44	45	46	47	48	49
50	51	52	53	54	55	56	57	58	59
60	61	62	63	64	65	66	67	68	69
70	71	72	73	74	75	76	77	78	79
80	81	82	83	84	85	86	87	88	89
90	91	92	93	94	95	96	97	98	99

1. Rappel du problème
2. Modélisation et implémentation de l'approche naïve
3. Modélisation et implémentation de l'approche optimale
4. Extra : Les modules Python

2. Approche naïve

Description de l'approche naïve

- L'approche naïve est celle qui repose sur le hasard :
 - Chaque prisonnier choisit aléatoirement un coffre qu'il n'a pas encore ouvert
 - Il a 50 essais pour retrouver sa clé parmi les 100 coffres.

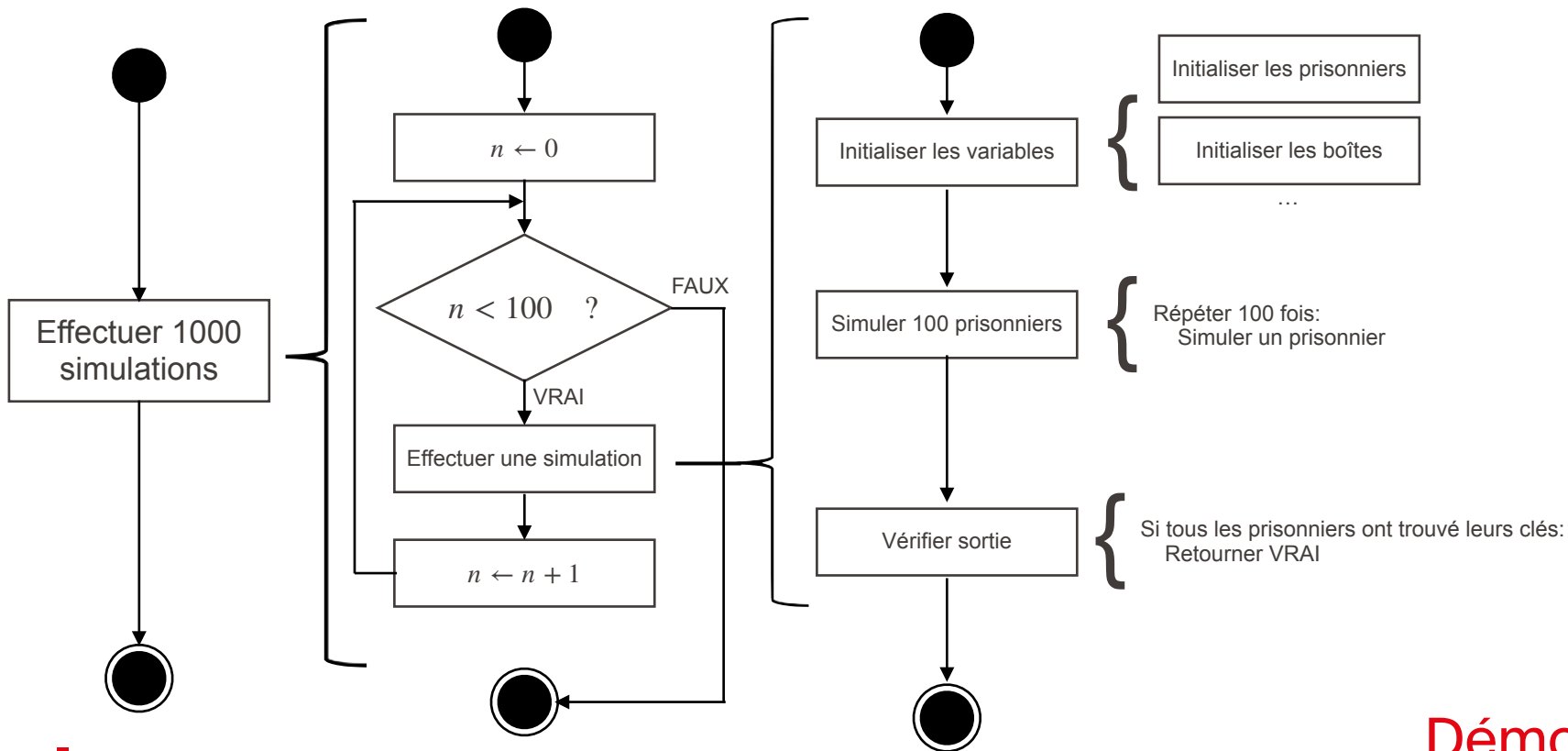
2. Approche naïve

Modélisation et *stepwise refinement*

- Le stepwise refinement est une méthode qui guide la conception d'un algorithme et son implémentation.
- Il s'agit de déterminer décomposer un problème en problèmes plus petits et faciles à résoudre. Ces-derniers peuvent eux-mêmes être décomposés par la suite.

2. Approche naïve

Modélisation et *stepwise refinement*



Démo !

1. Rappel du problème
2. Modélisation et implémentation de l'approche naïve
3. Modélisation et implémentation de l'approche optimale
4. Extra : Les modules Python

3. Approche optimale

Description de l'approche optimale

- Chaque prisonnier commence par la boîte portant son numéro
- Si la caisse contient sa clé, alors c'est fini
- Sinon, il ouvre la boîte portant le même numéro que la clé trouvée

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
30	31	32	33	34	35	36	37	38	39
40	41	42	43	44	45	46	47	48	49
50	51	52	53	54	55	56	57	58	59
60	61	62	63	64	65	66	67	68	69
70	71	72	73	74	75	76	77	78	79
80	81	82	83	84	85	86	87	88	89
90	91	92	93	94	95	96	97	98	99

3. Approche optimale

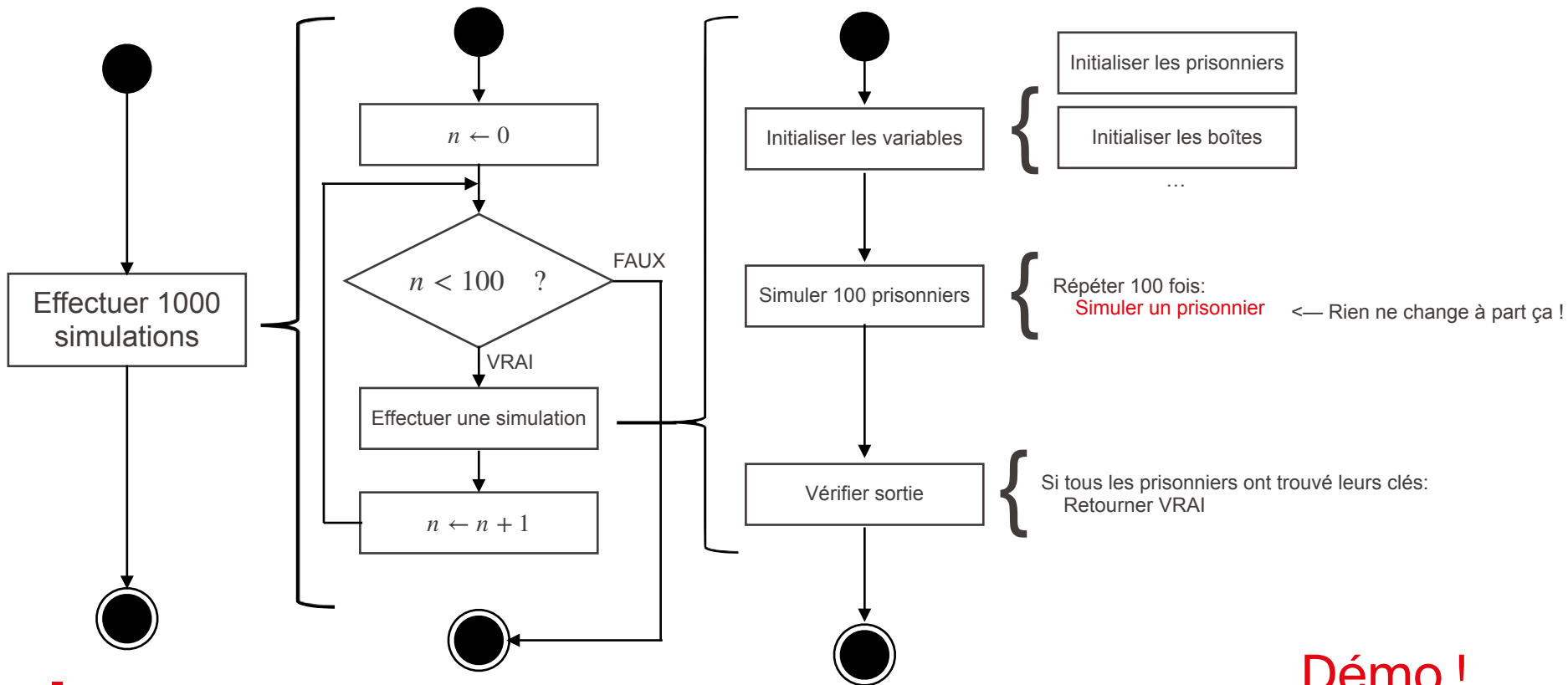
Exemple : Prisonnier #5

- Prisonnier #5 commence par la boîte #5
- La boîte #5 contient la clé #68, la prochaine boîte à ouvrir est donc la #68
- La boîte #68 contient la clé #n, la prochaine boîte à ouvrir est donc la #n
- etc...

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
30	31	32	33	34	35	36	37	38	39
40	41	42	43	44	45	46	47	48	49
50	51	52	53	54	55	56	57	58	59
60	61	62	63	64	65	66	67	68	69
70	71	72	73	74	75	76	77	78	79
80	81	82	83	84	85	86	87	88	89
90	91	92	93	94	95	96	97	98	99

3. Approche naïve

Modélisation et *stepwise refinement*



Démo !

1. Rappel du problème
2. Modélisation et implémentation de l'approche naïve
3. Modélisation et implémentation de l'approche optimale
4. Extra : Les modules Python

4. Extra : Les *modules* Python

Exemple de départ

- Nous définissons des fonctions dans pleins de fichier .py différents
- On a peut-être même redéfini plusieurs fois la même fonction dans des fichiers différents...

c05_module.py ICC · c05_module.py/ leap_year

```
1 def leap_year(year: int) -> bool:
2     return (year % 4 == 0 and year % 100 != 0) or (year % 400 == 0)
3
```

c05_test_module.py 2 ICC · c05_test_module.py

```
1 print(leap_year(2024))
```

PROBLEMS 22 OUTPUT DEBUG CONSOLE TERMINAL PORTS

```
⊗ > PYTHONIOENCODING='utf-8' venv/bin/python3 "/Users/p54244/dev/ICC/c05_test_module.py"
Traceback (most recent call last):
  File "/Users/p54244/dev/ICC/c05_test_module.py", line 1, in <module>
    print(leap_year(2024))
          ~~~~~~
NameError: name 'leap_year' is not defined
```

4. Extra : Les *modules* Python

Les modules, et comment les importer

- Un **module** est un fichier Python qui définit des fonctions, que l'on peut **importer** dans d'autres fichiers
- Il est possible de créer des modules, ou d'utiliser ceux qui développés par d'autres

```
from typing import List
from random import randint, shuffle
from math import ceil, cos, log2
```

```
random_number = randint(0, 100)
```

```
import typing
import random
import math
```

```
random_number = random.randint(0, 100)
```

4. Extra : Les *modules* Python

Les modules que l'on crée

c05_module.py ICC · c05_module.py/ leap_year

```
1  def leap_year(year: int) -> bool:
2      return (year % 4 == 0 and year % 100 != 0) or (year % 400 == 0)
3
```

c05_test_module.py ICC · c05_test_module.py

```
1  from c05_module import leap_year
2
3  print(leap_year(2024))
4
5
```

PROBLEMS 20 OUTPUT DEBUG CONSOLE TERMINAL PORTS

```
• > PYTHONIOENCODING='utf-8' venv/bin/python3 "/Users/p54244/dev/ICC/c05_test_module.py"
True
```